



Universidade Federal de Santa Catarina
Centro de Ciências Físicas e Matemáticas
Departamento de Matemática



Plano de ensino
Semestre 2025.2

I. Identificação da disciplina

<i>Código</i>	<i>Nome da disciplina</i>	<i>Horas-aula semanais</i>		<i>Horas-aula semestrais</i>
MTM3103	Cálculo 3	<i>Teóricas:</i> 4	<i>Práticas:</i> 0	72

II. Professor(es) ministrante(s)

Luiz A. Saeger (luiz.saeger@ufsc.br)

III. Pré-requisito(s)

MTM3120 – Cálculo 2

IV. Curso(s) para o(s) qual(is) a disciplina é oferecida

Engenharia Civil, Engenharia de Alimentos, Engenharia de Controle e Automação, Engenharia de Materiais, Engenharia de Produção Civil, Engenharia de Produção Elétrica, Engenharia de Produção Mecânica, Engenharia Elétrica, Engenharia Eletrônica, Engenharia Mecânica, Engenharia Química, Engenharia Sanitária e Ambiental, Física – Bacharelado, Física – Licenciatura (noturno), Meteorologia, Oceanografia.

V. Ementa

Integração múltipla: integrais duplas e triplas. Noções de cálculo vetorial: curvas e superfícies. Campos escalares e vetoriais. Integrais de linha e de superfícies. Teoremas de Green, Stokes e da Divergência.

VI. Objetivos

Concluindo o programa de MTM3103 – Cálculo 3, o aluno deverá ser capaz de:

- Calcular integrais múltiplas e fazer aplicações destas integrais.
- Identificar funções vetoriais e calcular derivadas e derivadas parciais.
- Calcular derivadas direcionais de funções escalares.
- Parametrizar curvas e superfícies.
- Calcular integrais de linha e de superfície.
- Calcular e interpretar o gradiente, divergente e o rotacional.
- Utilizar os Teoremas de Green, Stokes e da Divergência.

VII. Conteúdo programático

Unidade 1. Integração múltipla.

- 1.1 Integral dupla: definição, propriedades.
- 1.2 Cálculo da integral dupla: transformação de variáveis (coordenadas polares).
- 1.3 Aplicações da integral dupla em cálculo de áreas e volumes.
- 1.4 Integral Tripla: definição, propriedades.
- 1.5 Cálculo da integral tripla: transformação de variáveis (coordenadas cilíndricas e esféricas).
- 1.6 Aplicações da integral tripla em cálculo de volumes, centro de massa e momento de inércia.

Unidade 2. Noções de cálculo vetorial.

- 2.1 Funções vetoriais de uma e de várias variáveis.
 - 2.1.1 Definição e exemplos.
 - 2.1.2 Limite e continuidade.
 - 2.1.3 Derivadas e derivadas parciais.
- 2.2 Curvas.
 - 2.2.1 Representação paramétrica: reta, circunferência, elipse, hélice circular.
 - 2.2.2 Curvas em coordenadas polares.
 - 2.2.3 Vetor tangente e reta tangente a uma curva.
 - 2.2.4 Vetor normal e binormal a uma curva.
 - 2.2.5 Interpretação da derivada. Velocidade e aceleração.

- 2.2.6 Comprimento de arco e curvatura.
- 2.2.7 Componentes normal e tangencial da aceleração.
- 2.3 Campos vetoriais e escalares.
- 2.3.1 Campo escalar.
- 2.3.1.1 Definição e exemplos.
- 2.3.1.2 Derivada direcional.
- 2.3.1.3 Gradiente: definição, exemplos e propriedades.
- 2.3.2 Campos vetoriais.
- 2.3.2.1 Definição e exemplos.
- 2.3.2.2 Representação geométrica.
- 2.3.2.3 Campos centrais. Campos elétrico e gravitacional.
- 2.3.2.4 Campos conservativos.

Unidade 3. Integral de linha e de superfície.

- 3.1 Integral de linha.
- 3.1.1 Integral de linha de campo escalar: definição, propriedades e cálculo.
- 3.1.2 Integral de linha de campo vetorial: definição, propriedades e cálculo.
- 3.1.3 Interpretação física: trabalho, circulação.
- 3.1.4 Integral de linha de campos conservativos. Independência do caminho.
- 3.1.5 Teorema de Green.
- 3.2 Superfícies.
- 3.2.1 Definição e exemplos.
- 3.2.2 Representação paramétrica: plano, esfera e cilindro.
- 3.2.3 Plano tangente e vetor normal a uma superfície.
- 3.2.4 Superfícies orientáveis.
- 3.2.5 Superfícies com bordo.
- 3.2.6 Área de superfície.
- 3.3 Integral de Superfície.
- 3.3.1 Integral de superfície de um campo escalar: definição, propriedades, cálculo e aplicações.
- 3.3.2 Integral de superfície de um campo vetorial: definição, propriedades, cálculo e aplicações.
- 3.3.3 Rotacional: definição, propriedades e interpretação física.
- 3.3.4 Teorema de Stokes.
- 3.3.5 Divergente: definição, propriedades e interpretação física.
- 3.3.6 Teorema da Divergência.

VIII. Metodologia de ensino e desenvolvimento do programa

Serão ministradas aulas expositivas e/ou dialogadas, no formato presencial. Serão disponibilizados materiais de apoio no Ambiente Virtual de Ensino e Aprendizagem Moodle. O aluno terá, à sua disposição, monitores.

IX. Metodologia de avaliação

O aluno será avaliado através de três provas presenciais (P1, P2 e P3) que serão realizadas ao longo do semestre letivo. Será calculada a média aritmética simples das notas obtidas nas três provas e será considerado aprovado o aluno que tiver, além de frequência suficiente, média maior ou igual a 6,0.

X. Avaliação final

De acordo com o parágrafo 2º do artigo 70 da Resolução 17/Cun/97, o aluno com frequência suficiente e média das avaliações do semestre de 3,0 a 5,5 terá direito a uma nova avaliação (exame geral), no final do semestre, abordando todo o conteúdo programático. Segundo o parágrafo 3º do artigo 71 da mesma resolução a nota final desse aluno será calculada através da média aritmética entre a média das avaliações anteriores e a nota da nova avaliação.

XI. Cronograma teórico

Unidade 1: 4 semanas.
 Prova 1: 6ª semana
 Unidade 2 e parte da 3: 5 semanas.
 Prova 2: 12ª semana
 Unidade 3 (3.1.5 até o fim): 5 semanas.
 Prova 3: 17ª semana
 Prova de recuperação: 18ª semana

XII. Cronograma prático

Não se aplica.

XIII. Bibliografia básica

1. STEWART, J.: Cálculo, Vol. 2, 6^a, 7^a ou 8^a ed., São Paulo: Cengage Learning (2013-17). A 8^a ed. também está disponível (via IP da UFSC) em <https://resolver.vitalsource.com/9788522126866>
2. THOMAS, G. et al.: Cálculo, Vol. 2, 11^a ed., São Paulo: Addison Wesley (2009)

XIV. Bibliografia complementar

1. CROWE, Michael J. A History of vector analysis : the evolution of the idea of a vectorial system. New York: Dover (1985)
2. GONÇALVES, M. B. et al.: Cálculo B : Funções de várias variáveis integrais duplas e triplas, 2^a ed., São Paulo: Makron Books (2007)
3. GONÇALVES, M. B. et al.: Cálculo C : funções vetoriais, integrais curvilíneas, integrais de superfície, 3^a ed., São Paulo: Makron Books (2004)
4. GUIDORIZZI, H.L.: Um curso de cálculo, Vol. 2 e 3, 5^a ed., Rio de Janeiro: LTC (2002)
5. KREYSZIG, E.: Matemática superior para engenharia. 10^a ed. Rio de Janeiro: LTC (2019)
6. LEITHOLD, L.: O cálculo com geometria analítica, Vol. 2, 3^a ed., Harbra (1994)
7. SCHEY, H. M. Div, grad, curl, and all that: an informal text on vector calculus. 4th ed. New York: W. W. Norton (2004)
8. TANEJA, I. J., JANESCH, S. M. de Holanda: Cálculo II. Florianópolis: SEAD/UFSC (2007). Disponível em <https://mtm.grad.ufsc.br/livrosdigitais/>.

Florianópolis, 16 de junho de 2025.

Professor Luiz A. Saeger
Coordenador da disciplina